

Antwoorden bij "Hypothesetoetsen"

- Opg. 1a Klassengesprek
1b Klassengesprek
1c $22/1300 \times 100\% \approx 1,7\%$
1d $n = 1300$ en $p = 0,017$
1e 1 dus van 17 t/m 27
 $\text{BinCD}(27, n = 1300, p = 0,017) - \text{BinCD}(16, n = 1300, p = 0,017) \approx 0.7638$
1e 2 dus van 12 t/m 32
 $\text{BinCD}(32, n = 1300, p = 0,017) - \text{BinCD}(11, n = 1300, p = 0,017) \approx 0.9761$
1f Klassengesprek
- Opg. 2 t/m 8 (op een paar vragen na, die staan hierna) Klassengesprek
Opg. 4b ik zou niet alleen het totaal, maar ook de afzonderlijke gewichten willen weten en ik zou de gewichten van een veel grotere steekproef willen weten.
Opg. 5b ik zou de antwoorden van een veel grotere steekproef willen weten.
Opg. 7b ook nu zou ik de antwoorden van een veel grotere steekproef willen weten.
Opg. 8b hoe is dit in andere ziekenhuizen, is daar een lager percentage?
- Opg. 9a 7,6
9b $19/25 = 76\%$
9c $1 - \text{BinCD}(X = 18, n = 25, p = 0.5) \approx 0,0073$
9d vast wel
- Opg. 10a $Y = 1 - \text{BinCD}(X = X - 1, n = 25, p = 0.5) < 0,05$
tabel geeft $X = 17$ met 0,053.. en $X = 18$ met 0,021... dus 18 t/m 25
10b $X = 19$ geeft 0,0073.. dus 19 t/m 25
- Opg. 11a 0 t/m 20
11b $\frac{1}{4}$
11c $20 \times \frac{1}{4} = 5$
11d $Y = 1 - \text{BinCD}(X = X - 1, n = 20, p = 0.25) < 0,05$
tabel geeft $X = 8$ met 0,101.. en $X = 9$ met 0,040... dus 9 t/m 20
 $Y < 0,10$ geeft ook 9 t/m 20
 $Y < 0,02$ tabel geeft $X = 9$ met 0,040... en $X = 10$ met 0,013.. dus 10 t/m 20
- Opg. 12a $\text{NormCD}(-10^{99}, 11.3, \mu = 11, \sigma = X) = 0,8$ via tabel of grafiek geeft $\sigma = 0,3564.. \approx 0,356$
12b $\text{InvNormCD}(0.9, \mu = 11, \sigma = 0.356) \approx 11,456$ dus het kritieke gebied is 11,456 en groter
12c $\text{InvNormCD}(0.95, \mu = 11, \sigma = 0.356) \approx 11,586$ dus het kritieke gebied is 11,586 en groter
12d Bij $\alpha = 0,1$ krijgt de atleet geen gelijk. Bij $\alpha = 0,05$ krijgt de atleet gelijk.
- Opg. 13 opg. 11 wordt $H_0 : p = \frac{1}{4}$ $H_1 : p > \frac{1}{4}$ $X =$ het aantal goed voorspelde kaarten $\alpha = 0,05$ enz
opg. 12 wordt $H_0 : \mu = 11$ $H_1 : \mu > 11$ $T =$ de 100 meter tijd $\alpha = 0,1$ enz.
- Opg. 14a $Y = \text{BinCD}(X = X, n = 50, p = 0.5) < 0,05$
tabel geeft $X = 19$ met 0,059.. en $X = 18$ met 0,032... dus 0 t/m 18
 $Y = 1 - \text{BinCD}(X = X - 1, n = 50, p = 0,5) < 0,05$
tabel geeft $X = 31$ met 0,059.. en $X = 32$ met 0,032... dus 32 t/m 50
het kritieke gebied is dus 0 t/m 18 en 32 t/m 50
14b Nee, want we verwerpen de hypothese dat $p = 0,5$ omdat 37 in het kritieke gebied ligt.

Opg. 15a $1 - P(\text{geen } 10) = 1 - \frac{\binom{4}{0} \binom{28}{4}}{\binom{32}{4}} = 0,430.. \approx 0,43$

15b $H_0 : p = 0,43 \quad H_1 : p > 0,43$

15c Alleen als Sanne teveel tien krijgt, denkt Harm dat ze steekt.

15d X is het aantal keer dat Sanne minstens één 10 krijgt als ze deelt.

15e $Y = 1 - \text{BinCD}(X = X - 1, n = 20, p = 0,43) < 0,1$

tabel geeft $X = 11$ met 0,194.. en $X = 12$ met 0,095... dus 12 t/m 20

15f Harm concludeert dat Sanne steekt.

Opg. 16a bij aantal ≥ 84 kans = $1 - \text{BinCD}(X = 83, n = 100, p = \frac{3}{4}) = 0,0211... < \frac{1}{2}\alpha$

bij aantal ≤ 66 kans = $\text{BinCD}(X = 66, n = 100, p = \frac{3}{4}) = 0,0275... < \frac{1}{2}\alpha$

16b 84 ligt in het kritieke gebied, dus geeft Harm Sanne geen gelijk.

16c 66 ligt ook in het kritieke gebied, dus ook nu geeft Harm Sanne geen gelijk.

Opg. 17 $1 - \text{BinCD}(X = 12, n = 20, p = 0,43) = 0,039..$

Opg. 18a $H_0 : p = 0,75 \quad H_1 : p \neq 0,75 \quad X = \text{het aantal gele nakomelingen} \quad \alpha = 0,05$

18b $Y = \text{BinCD}(X = X, n = 8023, p = 0,75) < 0,025$

tabel geeft $X = 5940$ met 0,024.. en $X = 5941$ met 0,0257.. dus 0 t/m 5940

$Y = 1 - \text{BinCD}(X = X - 1, n = 8023, p = 0,75) < 0,025$

tabel geeft $X = 6093$ met 0,0258.. en $X = 6094$ met 0,0242.. dus 6094 t/m 8023

het kritieke gebied is dus 0 t/m 5940 en 6094 t/m 8023

Opg. 19a $H_0 : p = \frac{1}{2} \quad H_1 : p \neq \frac{1}{2} \quad X = \text{het aantal keer hoekpositie.}$

19b $1 - \text{BinCD}(X = 52, n = 87, p = \frac{1}{2}) \approx 0,027$

19c Er staat niet dat de psycholoog **vooraf** al het vermoeden had dat mensen veelal oogcontact vermijden.

19d $0,027 < \frac{1}{2}\alpha$ dus accepteer je H_1 , dus accepteer je dat de kans op een hoekpositie geen $\frac{1}{2}$ is.

19e Als persoon 1 al zit, zijn er voor persoon 2 nog 3 plaatsen over, 2 van de 3 geven een hoekpositie. De kans op een hoekpositie = $\frac{2}{3}$ zou dus logischer zijn.

Opg. 20a $H_0 : p = \frac{1}{2} \quad H_1 : p \neq \frac{1}{2}$ (vals) $X = \text{het aantal keer munt.}$

$1 - \text{BinCD}(X = 6, n = 10, p = \frac{1}{2}) \approx 0,17... > \frac{1}{2}\alpha$ H_0 accepteren, hij krijgt dus geen gelijk.

20b $H_0 : p = \frac{1}{2} \quad H_1 : p > \frac{1}{2}$ (snijdt meer af) $X = \text{het aantal keer dat de kaas meer dan 500 gr weegt.}$

$1 - \text{BinCD}(X = 7, n = 10, p = \frac{1}{2}) \approx 0,054... < \alpha$ H_1 accepteren, de klant krijgt dus gelijk.

20c $H_0 : p = 0,7$ (dictator) $H_1 : p \neq 0,7$ $X = \text{het aantal keer dat het beleid van de dictator wordt gesteund.}$

$\text{BinCD}(X = 5, n = 10, p = 0,7) \approx 0,17... > \frac{1}{2}\alpha$ H_0 accepteren, de dictator krijgt dus gelijk.

20d $H_0 : p = \frac{1}{2} \quad H_1 : p > \frac{1}{2}$ (J. Barry) $X = \text{het aantal keer dat de paddenstoelgroei wordt vertraagd.}$

$1 - \text{BinCD}(X = 8, n = 10, p = \frac{1}{2}) \approx 0,0107... < \alpha$ H_1 accepteren, J. Barry krijgt dus gelijk.

Opg. 21a kans op goedgokken is $\frac{1}{4}$

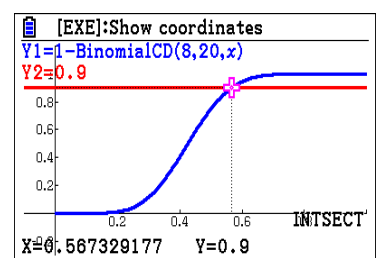
slaagkans = $1 - \text{BinCD}(X = 8, n = 20, p = \frac{1}{4}) \approx 0,0409$

21b $H_0 : p = \frac{1}{4}$ (leraar) $H_1 : p > \frac{1}{4}$ $X = \text{het aantal goede antwoorden.}$

21c kans op 9 of meer goed = $1 - \text{BinCD}(X = 8, n = 20, p = X)$

21d $Y1 = 1 - \text{BinCD}(X = 8, n = 20, p = X)$

21e $Y2 = 0,9$ intersect geeft $p \approx 0,57$



- Opg. 22a $H_0 : p = \frac{1}{4}$ (Aa x Aa) $H_1 : p \neq \frac{1}{4}$ X = het aantal nakomelingen van type aa.
Tweezijdige toets (voor biologen: p kan ook nul zijn, dus kleiner dan $\frac{1}{4}$ kan ook)
- 22b bij $p = \frac{1}{4}$ is de verwachting 9
de kans op 15 of meer goed = $1 - \text{BinCD}(X = 14, n = 36, p = \frac{1}{4}) = 0,0209.. < \frac{1}{2} \alpha$
 H_1 accepteren, dus we verwerpen het vermoeden dat beide ouders van het type Aa zijn.
- Opg. 23a $E(X) = np = 21 \times 0,15 = 3,15$
 $\text{Var}(X) = np(1 - p) = 21 \times 0,15 \times 0,85 = 2,6775$
- 23b $H_0 : p = 0,15$ $H_1 : p \neq 0,15$
 $Y = \text{BinCD}(X = X, n = 21, p = 0,15) < 0,025$
tabel geeft $X = 0$ met 0,0329.. en $X = 1$ met 0,155.. aan deze kans geen kritiek gebied.
 $Y = 1 - \text{BinCD}(X = X - 1, n = 21, p = 0,15) < 0,025$
tabel geeft $X = 7$ met 0,0287.. en $X = 8$ met 0,008.. dus 8 t/m 21 dagen regen.
- 23c de kans op regen is niet onafhankelijk van de vorige dag.
- Opg. 24 $H_0 : p = \frac{1}{2}$ $H_1 : p \neq \frac{1}{2}$ X = het aantal keer dat 2010 beter is beoordeeld. $\alpha = 0,1$
de kans op 6 of meer goed = $1 - \text{BinCD}(X = 5, n = 8, p = \frac{1}{2}) = 0,14.. > \frac{1}{2} \alpha$
er is dus geen reden om voor kwaliteitsverschil te kiezen.
- Opg. 25 $H_0 : p = \frac{1}{2}$ (docent) $H_1 : p > \frac{1}{2}$ (herkansen helpt)
 X = het aantal keer de herkansing beter is. $\alpha = 0,05$
de kans op 10 of meer goed = $1 - \text{BinCD}(X = 9, n = 14, p = \frac{1}{2}) = 0,089.... > \alpha$
er is dus reden om de wiskunde docent te geloven.
- Opg. 26 $H_0 : p = \frac{1}{2}$ $H_1 : p > \frac{1}{2}$ (medicijn helpt)
 X = het aantal keer dat de bloeddruk lager is. $\alpha = 0,05$
de kans op 8 of meer goed = $1 - \text{BinCD}(X = 7, n = 12, p = \frac{1}{2}) = 0,19.... > \alpha$
er is dus geen reden om te geloven dat het medicijn helpt.
- Opg. 27a $94900/185000 = 0,5129.. \approx 0,513$
- 27b $H_0 : p = 0,513$ $H_1 : p \neq 0,513$
 X = het aantal jongetjes dat geboren wordt in 2010. $\alpha = 0,05$
 $Y = \text{BinCD}(X = X, n = 183866, p = 0,513) < 0,025$
tabel geeft $X = 93902$ met 0,024.. en $X = 93903$ met 0,02508.. dus 0 t/m 93902
 $Y = 1 - \text{BinCD}(X = X - 1, n = 183866, p = 0,513) < 0,025$
tabel geeft $X = 94743$ met 0,0252.. en $X = 94744$ met 0,0249.. dus 94744 t/m 183866
we besluiten de kans aan te passen als het aantal jongetjes ligt tussen 0 t/m 93902 of tussen 94744 t/m 183866
opmerking: kan je rekenmachine niet met deze grote aantallen rekenen, stap dan over op de normale verdeling met $\mu = 183866 \times 0,513$ en $\sigma = \sqrt{(183866 \times 0,513 \times 0,487)}$
- Opg. 28a $\text{InvNormCD}(0.025, \mu = 83.4, \sigma = 4.6) \approx 74,4$
 $\text{InvNormCD}(0.975, \mu = 83.4, \sigma = 4.6) \approx 92,4$ dus kleiner dan 74,4 en groter dan 92,4
- 28b ja
- Opg. 29a $40 \times 2500 = 100\ 000$
- 29b eenzijdig, omdat klanten niet klagen bij te veel aardappelen.
- 29c $H_0 : \mu = 100\ 000$ $H_1 : \mu < 100\ 000$ X = het totale gewicht van 40 zakken.
- 29d $sd(T) = 80 \times \sqrt{40}$
- 29e $\text{InvNormCD}(0.05, \mu = 100\ 000, \sigma = 80 \times \sqrt{40}) \approx 99168$
Het kritieke gebied is dus minder dan 99168 gram.
- 29f 99,16 ligt in het kritieke gebied, dus krijgen de ontevreden klanten gelijk.

- Opg. 30 $H_0 : \mu = 8$ $H_1 : \mu > 8$ $X =$ de totale wachttijd. $\alpha = 0,05$
 Kans op een totale wachttijd van 12 of meer minuten =
 $\text{NormCD}(12, 10^{99}, \mu = 8, \sigma = 0,5 \times \sqrt{4}) = 0,000031.. < \alpha$ dus krijg ik gelijk.
- Opg. 31a $\text{NormCD}(40\ 000, 10^{99}, \mu = X, \sigma = 6515) = 0,6$ via tabel of grafiek geeft $\mu \approx 41651$
 31b $\text{sd}(X+Y) = \sqrt{\text{Var}(X+Y)} = \sqrt{\text{sd}^2(X) + \text{sd}^2(Y)} = \sqrt{6515^2 + 5000^2} \approx 8213$
 31c als de bedrijfsleider gelijk heeft is de omzet van de twee winkels in 4 weken
 $4 \times (41651 + 45000) = 346604$
 $H_0 : \mu = 346604$ (bedrijfsleider) $H_1 : \mu \neq 346604$
 $X =$ de totale omzet van de twee winkels in 4 weken. $\alpha = 0,05$
 $\text{sd} = 8213 \times \sqrt{4} = 16426$
 de overschrijdingskans = $\text{NormCD}(368\ 743,36, 10^{99}, \mu=346604, \sigma=16426) = 0,088.. > \frac{1}{2}\alpha$
 er is dus geen reden om de bewering van de bedrijfsleider te verwerpen.
- Opg. 32a $H_0 : \mu = 100$ $H_1 : \mu > 100$
 $G =$ het gemiddelde IQ van 25 profvoetballers.
 32b $\text{sd}(G) = 15 / \sqrt{25} = 3$
 32c $\text{InvNormCD}(0,95, \mu = 100, \sigma = 3) = 104,9.. \approx 105$ dus bij 105 of hoger.
 32d $\text{NormCD}(107, 10^{99}, \mu = 100, \sigma = 3) = 0,0098.. \approx 0,01$
- Opg. 33 $H_0 : \mu = 9,1$ $H_1 : \mu \neq 9,1$ (het hoeft niet vermindering te zijn, dus tweezijdig toetsen)
 $X =$ de gemiddelde overwerktijd over 25 dagen. $\alpha = 0,05$
 $\text{NormCD}(-10^{99}, 8,4, \mu = 9,1, \sigma = 2,1 / \sqrt{25}) = 0,047.. > \frac{1}{2}\alpha$
 Dus kan er niet geconcludeerd worden dat er invloed is.
- Opg. 34a de kans op stukgaan binnen vijf jaar = $\text{NormCD}(-10^{99}, 5, \mu = 8, \sigma = 2) = 0,0668$
 verwachte aantal = $0,0668 \times 500 = 33,4.. \approx 33$
 34b resultaat is 7 stuk na vijf jaar, dat is een aantal, dus binomiale toets
 $H_0 : p = 0,668$ $H_1 : p > 0,668$ (μ kleiner) $X =$ het aantal dat stuk is na 5 jaar. $\alpha = 0,01$
 de kans op 7 of meer stuk = $1 - \text{BinCD}(X = 6, n = 50, p = 0,0668) = 0,047.... > \alpha$
 dus H_0 accepteren, geen reden om $\mu = 8,0$ te verwerpen.
- Opg. 35a $31 + 28 + 31 = 90$ april loopt vanaf 90 tot 120
 $\text{NormCD}(90, 120, \mu = 105, \sigma = 10) \approx 0,866$
 35b $\text{InvNormCD}(0,01, \mu = 105, \sigma = 10) = 81,7..$ dus de voorraad moet op peil zijn op dag 81
 en dat is 22 maart
 35c $H_0 : \mu = 20$ $H_1 : \mu > 20$ $X =$ het aantal dat ja antwoordt. $\alpha = 0,1$
 $\text{NormCD}(24,5, 10^{99}, \mu = 20, \sigma = 4) \approx 0,13.. > \alpha$
 dus geen reden om het productieschema te herzien.
- Opg. 36a $8023 \times 0,25 = 2005,75 \approx 2006$
 36b 2001 t/m 2011
 $\text{BinCD}(X = 2011, n = 8023, p = 0,25) - \text{BinCD}(X = 2000, n = 8023, p = 0,25) \approx 0,113$
- Opg. 37a 1,45 komt overeen met 65% 100% komt overeen met $1,45 / 65 \times 100 \approx 2,23$
 37b $\text{NormCD}(0,22, 10^{99}, \mu = 0, \sigma = 0,1) \approx 0,014$
 37c grens bij de meetfout wordt $\text{InvNormCD}(0,99, \mu = 0, \sigma = 0,02) \approx 0,05$
 Het promillage wordt dus $0,5 + 0,05 = 0,55$
- Opg. 38a het aantal dagen met meer dan 430 geboortes is 13
 $H_0 : p = \frac{1}{2}$ $H_1 : p > \frac{1}{2}$ $X =$ het aantal dagen met meer dan 430 geboortes. $\alpha = 0,05$
 $1 - \text{BinCD}(X = 12, n = 20, p = \frac{1}{2}) \approx 0,13.. > \alpha$ dus geen significante afwijking.

- 38b $H_0 : p = \frac{1}{2}$ $H_1 : p \neq \frac{1}{2}$ (afwijking)
 $X =$ het aantal dagen met minder dan 430 geboortes. $\alpha = 0,05$
 $Y = \text{BinCD}(X = X, n = 20, p = \frac{1}{2}) < 0,025$
 tabel geeft $X = 5$ met 0,020.. en $X = 6$ met 0,057.. dus 0 t/m 5
 $Y = 1 - \text{BinCD}(X = X - 1, n = 20, p = \frac{1}{2}) < 0,025$
 tabel geeft $X = 14$ met 0,057.. en $X = 15$ met 0,020.. dus 15 t/m 20
 het aantal geboorten beneden het jaargemiddelde was 0 t/m 5 of 15 t/m 20

- 38c NormCD(-10^{99} , 378.5, $\mu = 430$, $\sigma = 40$) = 0,098.. $\approx 10\%$
 38d $H_0 : p = 0,1$ $H_1 : p > 0,1$
 $X =$ het aantal zondagen met minder dan 379 geboortes. $\alpha = 0,03$
 $1 - \text{BinCD}(X = 9, n = 50, p = 0.1) = 0,0245.. < \alpha$ dus significant hoog aantal

Opg. 39a kans op goed = 0,6 kans op fout en daarna goed = $0,4 \times 0,6 = 0,24$ samen is dit 0,84

39b 1 ^e persoon <table border="1" style="display: inline-table; margin-left: 20px;"> <tr><td>winst</td><td>100</td><td>0</td></tr> <tr><td>Kans</td><td>0,6</td><td>0,4</td></tr> </table>	winst	100	0	Kans	0,6	0,4	2 ^e persoon <table border="1" style="display: inline-table; margin-left: 20px;"> <tr><td>winst</td><td>200</td><td>0</td></tr> <tr><td>Kans</td><td>0,24</td><td>0,76</td></tr> </table>	winst	200	0	Kans	0,24	0,76
winst	100	0											
Kans	0,6	0,4											
winst	200	0											
Kans	0,24	0,76											

verwachting 60

verwachting 48

de eerste persoon is in het voordeel

39c 1 ^e persoon <table border="1" style="display: inline-table; margin-left: 20px;"> <tr><td>winst</td><td>100</td><td>0</td></tr> <tr><td>Kans</td><td>p</td><td>$1 - p$</td></tr> </table>	winst	100	0	Kans	p	$1 - p$	2 ^e persoon <table border="1" style="display: inline-table; margin-left: 20px;"> <tr><td>winst</td><td>200</td><td>0</td></tr> <tr><td>Kans</td><td>$(1 - p)p$</td><td>....</td></tr> </table>	winst	200	0	Kans	$(1 - p)p$
winst	100	0											
Kans	p	$1 - p$											
winst	200	0											
Kans	$(1 - p)p$											

verwachting $100p$

verwachting $200(1 - p)p$

los op $100p = 200(1 - p)p$ dus $100p = 200p - 200p^2$ dus $200p^2 - 100p = 0$
 $100p(2p - 1) = 0$ dus $p = 0$ of $p = \frac{1}{2}$

- 39d $\text{Var}(\text{Ad}) = 2400$ $\text{Var}(\text{Bob}) = 7296$
 39e Nee, wat Ad verdient beïnvloed de kans op wat Bob kan verdienen.
 39f Bij 60% goed beantwoorden hoort $\mu = 12$
 $H_0 : \mu = 12$ $H_1 : \mu \neq 12$ (het kan ook minder zijn, dus tweezijdig toetsen)
 $X =$ het bedrag dat A meer verdient dan B. $\alpha = 0,05$
 NormCD($700, 10^{99}$, $\mu = 12$, $\sigma = 124,3$) $\approx 0,000000156 < \frac{1}{2} \alpha$ ja, voldoende aanleiding.

- Opg. 40a $\text{BinCD}(X = 2, n = 154, p = 0,05) \approx 0,015$
 40b $\text{BinCD}(X = 2, n = 154, p = X) = 0,05$ met grafiek of tabel geeft $p \approx 0,04$
 40c $H_0 : \mu = 4,5$ $H_1 : \mu < 4,5$ (zorgverzekeraar)
 $X =$ de gemiddelde verpleegduur in dagen van 100 patiënten. $\alpha = 0,05$
 NormCD(-10^{99} , 4.1, $\mu = 4.5$, $\sigma = 1.8 / \sqrt{100}$) $\approx 0,013.. < \alpha$ de zorgverzekeraar krijgt gelijk.

- Opg. 41a NormCD(-10^{99} , 3548, $\mu = 3592$, $\sigma = 96$) = 0,3228.. $\approx 32\%$
 41b $\text{BinPD}(X = 4, n = 10, p = 0,32) \approx 0,218$
 41c $H_0 : \mu = 3592$ $H_1 : \mu > 3592$ (onderzoeker)
 $X =$ het gemiddelde geboortegewicht van 200 jongetjes. $\alpha = 0,05$
 NormCD($3605, 10^{99}$, $\mu = 3592$, $\sigma = 96 / \sqrt{200}$) $\approx 0,0277.. < \alpha$ de onderzoeker krijgt gelijk.

- Opg. 42a kans op verkoop 45 of minder (let op continuïteitscorrectie) is
 NormCD(-10^{99} , 45.5, $\mu = 40$, $\sigma = 10$) $\approx 0,71$
 42b $0,35x - 0,2(50 - x) = 0,35x - 10 + 0,2x = 0,55x - 10$ euro
 42c x is normaal verdeeld met $\mu = 40$ en $\sigma = 10$
 $0,55x - 10$ is normaal verdeeld met $\mu = 0,55 \times 40 - 10 = 12$ en $\sigma = 0,55 \times 10 = 5,5$
 42d $\sigma(x_1 + x_2) = \sqrt{\sigma^2(x_1) + \sigma^2(x_2)} = \sqrt{200}$
 NormCD(-10^{99} , 90.5, $\mu = 80$, $\sigma = \sqrt{200}$) $\approx 0,77$
 42e $\mu = 160$ $\sigma = \sqrt{10^2 + 10^2 + 10^2 + 10^2} = 20$

- 42f $H_0 : \mu = 160$ $H_1 : \mu > 160$ (Hennie)
 $X =$ de totale verkoop in 4 dagen. $\alpha = 0,10$
 $\text{NormCD}(179,5, 10^{99}, \mu = 160, \sigma = 20) = 0,16.. > \alpha$
de conclusie is niet gerechtvaardigd.
- Opg. 43a $1 - 2 \times 0,14 = 0,72$ $0,72 / 9 = 0,08$ $5 \times 0,08 = 0,40$
43b kans dat precies 1 van de 4 binnen een jaar stuk maal kans dat vervanger niet binnen een jaar stuk gaat = $\text{BinPD}(1, 4, 0,14) \times 0,86 \approx 0,306$
43c $\sigma = 3,5 / \sqrt{150} = 0,2858$
43d $H_0 : \mu = 5,5$ $H_1 : \mu < 5,5$
 $X =$ de gemiddelde levensduur van 150 apparaten. $\alpha = 0,10$
 $\text{NormCD}(-10^{99}, 5,1, \mu = 5,5, \sigma = 0,2858) = 0,08.. < \alpha$
Niet voldoende aanleiding tot bijstelling naar beneden.
- Opg. 44a wel of geen joker dus twee mogelijkheden
10 t.o.v. het totaal is zo weinig dat het mag worden benaderd door trekken met terugleggen.
44b 1 min de kans op 0 jokers = $1 - 0,96^{10} \approx 0,34$
44c $0,16 \times 200\ 000 = 32\ 000$ kaarten van elk soort, maar $0,04 \times 200\ 000 = 8000$ jokers
Dus 8 000 kwartetten met aardbeien en een joker,
blijft over $32\ 000 - 3 \times 8000 = 8000$ aardbeien, dus 2 000 kwartetten.
Van alle overige soorten 8000 kwartetten.
Kosten $10\ 000 \times 2,50 + 8\ 000 \times 1,80 + 8\ 000 \times 1,15 + 3 \times 8\ 000 \times 0,90 = 70\ 200$
Inkomsten $200\ 000 \times 5 = 1\ 000\ 000$ $70\ 200 / 1\ 000\ 000 \approx 7\%$
44d $H_0 : p = 0,48$ $H_1 : p < 0,48$
 $X =$ het aantal kaarten met de drie duurste producten. $\alpha = 0,05$
 $\text{BinCD}(51, 123, 0,48) = 0,086.. > \alpha$ er is geen reden om aan te nemen dat hun vermoeden juist is.
- Opg. 45a $\text{NormCD}(15, 10^{99}, \mu = 10, \sigma = 4) \approx 0,1056$ verwachtingswaarde $\approx 12 \times 0,1056 \approx 1,27$
45b kans op een gemakkelijke patiënt is ook 0,1056
kans op een gewone patiënt is $1 - 2 \times 0,1056 = 0,7887$
 $\binom{12}{2} \times 0,1056^2 \times 0,7887^{10} \approx 0,07$
45c de kans op meer dan 10 minuten = $\frac{1}{2}$
Kans op minstens 6 = $1 - \text{BinCD}(X = 5, n = 12, p = \frac{1}{2}) \approx 0,61$
45d $H_0 : \mu = 600$ $H_1 : \mu > 600$
 $X =$ de totale tijd bij 60 patiënten. $\alpha = 0,05$
 $\text{NormCD}(654, 10^{99}, \mu = 600, \sigma = 4 \times \sqrt{60}) = 0,0407.. < \alpha$
dus voldoende aanleiding om de gemiddelde tijd te verhogen.
45e $H_0 : p = 0,3$ $H_1 : p < 0,3$
 $X =$ het aantal doorverwezen patiënten. $\alpha = 0,05$
 $Y = \text{BinCD}(X = X, n = 15, p = 0,3) < 0,1$
tabel geeft $X = 1$ met 0,035.. en $X = 2$ met 0,12.. dus het kritieke gebied is 0 en 1
Bij 0 of 1 doorverwezen patiënten zal de bewering van de huisarts verworpen worden.
- Opg. 46a $16 \times 0,333 \times 4526 \approx 24115$ $16,3 \times 0,295 \times 4271 \approx 20537$ afname 3578
 $3578 / 24115 \approx 15\%$
46b kans op F, NF, F, NF, F ... = $5/10 \times 5/9 \times 4/8 \times 4/7 \times 3/6 \times 3/5 \times 2/4 \times 2/3 \times 1/2 \times 1/1 = 1/252$
kans op NF, F, NF, F, NF ... is ook $1/252$ opgeteld $\approx 0,008$
46c Tekentoets, het aantal keer dat F een kleiner aantal heeft dan NF is 14
 $H_0 : p = \frac{1}{2}$ $H_1 : p > \frac{1}{2}$
 $X =$ het aantal keer dat F een kleiner aantal heeft dan NF. $\alpha = 0,05$

kans op 14 of meer = $1 - \text{BinCD}(X = 13, n = 18, p = \frac{1}{2}) \approx 0,015 < \alpha$
Dus wordt het vermoeden van de onderzoekers bevestigd.

- Opg. 47 $H_0 : p = 1/3$ $H_1 : p > 1/3$ (hij heeft er toch voor geleerd)
 $X =$ het aantal juiste antwoorden. $\alpha = ?$
Kans op 8 of meer juiste antwoorden = $1 - \text{BinCD}(X = 7, n = 10, p = 1/3) = 0,003\dots$
Zelfs bij $\alpha = 1\%$ geloof ik hem niet.
- Opg. 48 $H_0 : \mu = 817$ $H_1 : \mu < 817$
 $X =$ de gemiddelde vuisthoogte bij 128 mannen. $\alpha = 0,05$
 $\text{InvNormCD}(0.05, \mu = 817, \sigma = 47 / \sqrt{128}) \approx 810,2$ dus bij 810mm of lager.
- Opg. 49 Tekentoets, het aantal keer dat het bovenste getal kleiner is dan het getal eronder is 8
 $H_0 : p = \frac{1}{2}$ $H_1 : p > \frac{1}{2}$
 $X =$ het aantal keer dat het bovenste getal kleiner is dan het getal eronder. $\alpha = 0,05$
kans op 8 of meer = $1 - \text{BinCD}(X = 7, n = 12, p = \frac{1}{2}) \approx 0,19\dots > \alpha$
het vermoeden is dat aspirines niet helpen.
- Opg. 50a -
50b -
50c $H_0 : \mu = 0,5$ $H_1 : \mu \neq 0,5$
 $X =$ het gemiddelde van 500 randomgetallen. $\alpha = 0,05$
Laat het gemiddelde (G) van die 500 getallen berekenen.
Is $G < 0,5$, dan bereken je
 $\text{NormCD}(-10^{99}, G, \mu = 0.5, \sigma = 0.288675 / \sqrt{500}) = 0, \dots$
Antwoord kleiner dan 0,025, dan is er reden tot twijfel aan de GR randomgenerator
Is $G > 0,5$, dan bereken je
 $\text{NormCD}(G, 10^{99}, \mu = 0.5, \sigma = 0.288675 / \sqrt{500}) = 0, \dots$
Antwoord kleiner dan 0,025, dan is er reden tot twijfel aan de GR randomgenerator